

Sôbre a Formula de Miller  
das Faces Tautozonas (\*)

EDUARDO A. SALGADO

Escola Superior de Agricultura «Luiz de Queiroz»

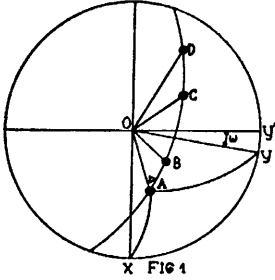
---

(\*) Recebido para publicação em 14/6/60.

## 1. — INTRODUÇÃO

A muito conhecida e util fórmula de Miller tem sido deduzida de várias maneiras, por cristalografistas diversos.

Acreditamos seja nova a dedução que segue.



## 2 — DEDUÇÃO

Na figura 1 representa-se, em projeção estereográfica, uma zona contendo as faces A, B, C, D.

No plano do desenho estão situados os eixos cristalográficos X e Y e as coordenadas esféricas  $\varphi$  são medidas a partir de OY', sendo  $\omega$  o ângulo formado por OY e OY' e  $\Delta$  o ângulo formado pelo círculo de zona e pelo círculo máximo passando pelos pontos O e A.

$$\text{Tem-se, no triângulo AOB: } \frac{\text{sen AB}}{\text{sen}(\varphi A - \varphi B)} = \frac{\text{sen} \rho B}{\text{sen} \Delta} \dots (1)$$

$$\text{e no triângulo AOC: } \frac{\text{sen AC}}{\text{sen}(\varphi A - \varphi C)} = \frac{\text{sen} \rho C}{\text{sen} \Delta} \dots (2)$$

Dividindo, membro a membro, (1) por (2), vem:

$$\frac{\text{sen AB}}{\text{sen AC}} = \frac{\text{sen} \rho B (\text{sen} \varphi A \cdot \text{cos} \varphi B - \text{sen} \varphi B \cdot \text{cos} \varphi A)}{\text{sen} \rho C (\text{sen} \varphi A \cdot \text{cos} \varphi C - \text{sen} \varphi C \cdot \text{cos} \varphi A)} \dots (3)$$

Sendo  $(h_1 k_1 l_1)$  o símbolo da face A e m, n, p os cosenos diretores da face parametral, no sistema de eixos cristalográficos, o teorema dos cosenos de Wulff dá:

$$h_1 m = \text{cos AX} = \text{sen} \rho A \cdot \text{sen} \varphi A \dots (4)$$

$$k_1 n = \text{cos AY} = \text{sen} \rho A \cdot \text{cos}(\varphi A - \omega) = \text{sen} \rho A (\text{cos} \varphi A \cdot \text{cos} \omega + \text{sen} \varphi A \cdot \text{sen} \omega) \dots (5)$$

De (4) tira-se:

$$\text{sen} \varphi A = \frac{h_1 m}{\text{sen} \rho A} \dots (6)$$

Levando êste valor de  $\text{sen} \varphi A$  em (5) obtém-se:

$$\text{cos} \omega A = \frac{k_1 n - h_1 m \cdot \text{sen} \omega}{\text{sen} \rho A \cdot \text{cos} \omega} \dots (7)$$

Para  $\text{sen}\varphi B$ ,  $\text{cos}\varphi B$ ,  $\text{sen}\varphi C$ ,  $\text{cos}\varphi C$  aparecem expressões idênticas à (6) e (7), e levando os valores assim obtidos em (3) vem:

$$\frac{\text{sen AB}}{\text{sen AC}} = \frac{(h_1 k_2 - h_2 k_1)}{(h_1 k_3 - h_3 k_1)}$$

Encontrar-se-á, análogamente:

$$\frac{\text{sen CD}}{\text{sen BD}} = \frac{(h_3 k_4 - h_4 k_3)}{(h_2 k_4 - h_4 k_2)}$$

Tal tipo de dedução poderá ser repetido, obviamente, para os índices  $h$  e  $l$  e  $k$  e  $l$ , completando a fórmula.

### 3. — RESUMO

Apresenta o autor uma dedução nova, através da projeção estereográfica, da fórmula de Miller em que são interessadas faces em zona.

### 4. — SUMMARY

By means of the stereographic projection, the author presents a new deduction of Miller's formula concerning about the tautozonal faces.

### 5. — BIBLIOGRAFIA

- BOEKE, H. E., 1911 — Die Anwendung der stereographischen Projektion bei kristallographischen Untersuchungen-Berlin — Verlag von Gebrüder.  
 BARKER, T. V.-1922 — Graphical and tabular methods in cristallography — London — Thomas Murby & Co.

